

# FUNGSI REAL

Oleh : Danang Mursita

[http://biobses.com/judul-buku,300-matematika\\_untuk\\_perguruan\\_tinggi.html](http://biobses.com/judul-buku,300-matematika_untuk_perguruan_tinggi.html)

Materi yang dibahas pada bab ini meliputi: Sistem Bilangan Real, Fungsi dan Grafik, Limit dan Kekontinuan, Limit Tak Hingga dan Limit di Tak Hingga

---

## 1.1 Sistem Bilangan Real

Bilangan real, dinotasikan dengan  $\mathbb{R}$  memainkan peranan yang sangat penting dalam Kalkulus. Untuk itu, pertama kali akan diberikan beberapa fakta dan terminologi dari bilangan real.

Sifat-sifat yang dimiliki bilangan real adalah sifat trikotomi, yaitu bila ada dua bilangan real  $a$  dan  $b$ , maka hanya akan berlaku salah satu dari tiga sifat berikut:

1.  $a = b$  atau
2.  $a < b$  atau
3.  $a > b$

**Definisi:** Misal  $a$  dan  $b$  bilangan real, maka

- $a < b$  berarti  $b - a$  merupakan bilangan real positif
- $a \leq b$  berarti bahwa  $a < b$  atau  $a = b$
- $a \geq b$  berarti bahwa  $a > b$  atau  $a = b$

Berikut disampaikan sifat-sifat pertidaksamaan dari bilangan real yang sangat fundamental dan sering digunakan,

1. Bila  $a < b$  dan  $b < c$  maka  $a < c$
2. Bila  $a < b$  maka  $a + c < b + c$  atau  $a - c < b - c$
3. Bila  $a < b$  dan  $c < d$  maka  $a + c < b + d$
4. Bila  $a < b$  dan  $c > 0$  maka  $ac < bc$
5. Bila  $a < b$  dan  $c < 0$  maka  $ac > bc$

6. Bila a dan b keduanya bilangan real positif atau negatif dan  $a < b$   
maka  $\frac{1}{a} > \frac{1}{b}$

## DAFTAR PUSTAKA

- [1]. Alexander Fiskhin, *Lecture Notes : The Fourier Transform and its Applications*, Stanford University, 2000.
- [2]. Andrews Jeffrey, *Lecture Notes : Linear Systems and Signals*, University of Texas, 2003.
- [3]. Anton Howard, Calculus, 3<sup>rd</sup> , John Wiley and sons, USA, 1988
- [4]. Earl D Rainville, Phillip E Bedient, Elementary Differential Equations, 7<sup>th</sup> , Maxwell Macmillan international Editions, Singapore, 1989
- [5]. E B Saff, A D Snider, *Fundamentals of Complex analysis for Mathematics, Science and Engineering*, Printice Hall Inc, USA, 1976.
- [6]. Edwin J Purcell, Dale Van berg, Calculus with analytic Geometry, 5<sup>th</sup> , Prentice Hall, USA, 1987
- [7]. Emmanuel C Ifeachor, Barrie W Jervis, *Digital Signal Processing : A Practical Approach*, 2nd , Prentice Hall, 2002
- [8]. John Douglas Moore , *Lecture Notes : Introduction to Partial Differential Equations*, 2002
- [9]. Kurt Arbenz, Alfred Wohlhauser, Advanced Mathematics for Practicing Engineering , Artech House Inc, USA, 1986

- [10]. Naresh K Sinha, *Linear System*, John Wiley and Sons, Kanada, 1991
- [11]. Roberts Clive, *Lecture Notes : Signals and Sysytems*, 2003 B Neta , *Lecture Notes : Partial Differential Equations*, Departement of Mathematics, Naval Postgraduate School, California, 2003
- [12]. Ronald N Bracewell, *The Fourier Transform and its Applications*, 3<sup>rd</sup> , MC Graw Hill, Singapore, 2000.
- [13]. Russell Martin, *Numerical and Analytical Techniques*, <http://www.eee.bham.ac.uk/russellm/eem3I1/EE3L1%20Slides%20L1%20vector%20spaces.PDF>.
- [14]. Stanley J Farlow, An Introduction to Differential Equations and Their Applications , Mc Graw-Hill Inc, USA, 1994
- [15]. S.J. Farlow, *Partial Differential Equations for Scientist and Engineers*, John Wiley and Sons, Canada, 1982
- [16]. William E Boyce, Richard C Diprima, Elementary Differential Equation and Boundary Value Problems, 5<sup>th</sup> , John Wiley and Sons Inc, Canada, 1992.